

【1】

$$\begin{aligned} (1) \quad & x^3 + 8 \\ &= x^3 + 2^3 = (x+2)(x^2 - x \cdot 2 + 2^2) \\ &= (x+2)(x^2 - 2x + 4) \end{aligned}$$

【2】

展開式における xy^2z^3 の項は

$$\frac{6!}{1!2!3!} x(2y)^2(-4z)^3$$

であるから、 xy^2z^3 の係数は

$$\frac{6!}{1!2!3!} \cdot 2^2 \cdot (-4)^3 = -15360$$

【3】

$$\begin{aligned} & x^4 - x^3 - 8x^2 + 12x - 2 \\ &= B(x^2 + 2x - 3) + (x+1) \end{aligned}$$

とおけるから

$$\begin{aligned} & B(x^2 + 2x - 3) \\ &= (x^4 - x^3 - 8x^2 + 12x - 2) - (x+1) \\ &= x^4 - x^3 - 8x^2 + 11x - 3 \\ & \quad \frac{x^2 - 3x + 1}{x^2 + 2x - 3} \frac{x^4 - x^3 - 8x^2 + 11x - 3}{x^4 + 2x^3 - 3x^2} \\ & \quad \frac{-3x^3 - 5x^2 + 11x}{-3x^3 - 6x^2 + 9x} \\ & \quad \frac{x^2 + 2x - 3}{x^2 + 2x - 3} \\ & \quad \frac{x^2 + 2x - 3}{0} \end{aligned}$$

ゆえに $B = x^2 - 3x + 1$

【4】

$$\begin{aligned} (1) \quad & \frac{3x^2 + 10xy + 7y^2}{x - 2y} \frac{3x^3 + 4x^2y - 13xy^2 - 14y^3}{3x^3 - 6x^2y} \\ & \quad \frac{10x^2y - 13xy^2}{10x^2y - 20xy^2} \\ & \quad \frac{7xy^2 - 14y^3}{7xy^2 - 14y^3} \\ & \quad \frac{7xy^2 - 14y^3}{0} \end{aligned}$$

商 $3x^2 + 10xy + 7y^2$ ，余り 0

【5】

$$\begin{aligned} (1) \quad & \frac{x^3 + 27}{x^2 - 2x - 3} \div \frac{x^2 - 9}{x^2 - 6x + 9} \\ &= \frac{x^3 + 27}{x^2 - 2x - 3} \times \frac{x^2 - 6x + 9}{x^2 - 9} \\ &= \frac{(x+3)(x^2 - 3x + 9)}{(x-3)(x+1)} \times \frac{(x-3)^2}{(x+3)(x-3)} \\ &= \frac{x^2 - 3x + 9}{x+1} \end{aligned}$$

【6】

$$\begin{aligned} (1) \quad & \frac{x+5}{2x^2 - x - 1} + \frac{x+2}{2x^2 + 3x + 1} \\ &= \frac{x+5}{(2x+1)(x-1)} + \frac{x+2}{(2x+1)(x+1)} \\ &= \frac{(x+5)(x+1) + (x+2)(x-1)}{(2x+1)(x+1)(x-1)} \\ &= \frac{2x^2 + 7x + 3}{(2x+1)(x+1)(x-1)} \\ &= \frac{(2x+1)(x+3)}{(2x+1)(x+1)(x-1)} \end{aligned}$$

$$= \frac{x+3}{(x+1)(x-1)}$$

【7】

$$\begin{aligned} (1) \quad & \frac{1+3i}{2i} = \frac{(1+3i)i}{2i^2} = \frac{i+3i^2}{-2} \\ &= \frac{-3+i}{-2} = \frac{3}{2} - \frac{1}{2}i \end{aligned}$$

【8】

(1) 整理すると $(x-2) + (2x+1)i = xy + xi$
 x, y は実数であるから、 $x-2, 2x+1, xy$ も実数である。

$$\text{したがって} \quad \begin{cases} x-2 = xy \\ 2x+1 = x \end{cases}$$

よって $x = -1, y = 3$

【9】

$$\begin{aligned} (1) \quad & x = \frac{-5 \pm \sqrt{5^2 - 4 \cdot 1 \cdot 7}}{2 \cdot 1} \\ &= \frac{-5 \pm \sqrt{-3}}{2} = \frac{-5 \pm \sqrt{3}i}{2} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} (2) \quad & x = \frac{-(-4) \pm \sqrt{(-4)^2 - 3 \cdot 3}}{3} \\ &= \frac{4 \pm \sqrt{7}}{3} \end{aligned}$$

【10】

この2次方程式の判別式を D とすると

$$\begin{aligned} D &= k^2 - 4 \cdot 1 \cdot (-k+3) \\ &= k^2 + 4k - 12 \\ &= (k+6)(k-2) \end{aligned}$$

重解をもつ条件は $D=0$ であるから

$$(k+6)(k-2) = 0$$

よって $k = -6, 2$

また、解の公式により、重解は

$$x = \frac{-k \pm \sqrt{0}}{2 \cdot 1} = -\frac{k}{2}$$

であるから、

$$k = -6 \text{ のとき } x = -\frac{-6}{2} = 3$$

$$k = 2 \text{ のとき } x = -\frac{2}{2} = -1$$

【11】

(1) 2次方程式の2つの解を α, β とし, 判別式を D とする。

$$D = k^2 - 4(-k + 3) = (k + 6)(k - 2)$$

異なる2つの実数解をもつから, $D > 0$ より

$$k < -6, 2 < k \quad \cdots \textcircled{1}$$

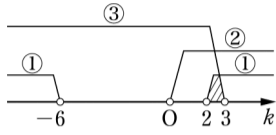
解と係数の関係より

$$\alpha + \beta = -k, \alpha\beta = -k + 3$$

α, β がともに負であるから

$$\alpha + \beta < 0 \text{より } k > 0 \quad \cdots \textcircled{2}$$

$$\alpha\beta > 0 \text{より } k < 3 \quad \cdots \textcircled{3}$$



①, ②, ③より k の値の範囲は

$$2 < k < 3$$

【12】

解と係数の関係より $\alpha + \beta = \frac{7}{3}, \alpha\beta = 1$

$$(1) \alpha^2 - \alpha\beta + \beta^2 = (\alpha + \beta)^2 - 3\alpha\beta = \left(\frac{7}{3}\right)^2 - 3 \cdot 1 = \frac{22}{9}$$